

Nom:

EB6

Mathématiques
Corrigé

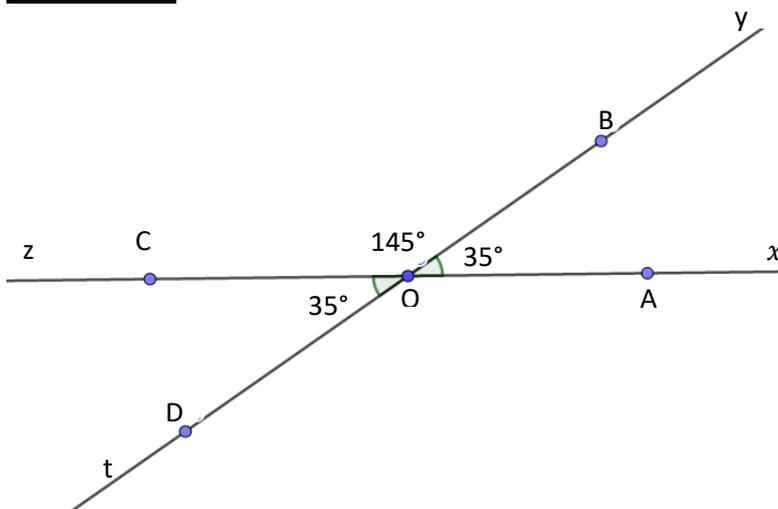
Date : 16 mars 2020

Copier les exercices corrigés des deux pages 139 et 140 sur le cahier de maths.

Si vous avez des questions, vous pouvez les écrire sur :

https://padlet.com/rita_chaker/maths_eb6_esvp

p. 139 n° 1



$$\begin{aligned} 2^{\circ} \text{ a) } \widehat{AOC} &= \widehat{AOB} + \widehat{BOC} \\ &= 35^{\circ} + 145^{\circ} \\ &= 180^{\circ} \end{aligned}$$

Alors l'angle \widehat{AOC} est plat, donc les points A, O et C sont alignés.

$$\begin{aligned} \text{b) } \widehat{BOD} &= \widehat{BOC} + \widehat{COD} \\ &= 145^{\circ} + 35^{\circ} \\ &= 180^{\circ} \end{aligned}$$

Alors l'angle \widehat{BOD} est plat, donc ses côtés [OB) et [OD) sont l'un dans le prolongement de l'autre
 De même pour les demi-droites [OA) et [OC) car elles sont les côtés de l'angle plat \widehat{AOC} .

* Les deux angles \widehat{AOB} et \widehat{COD} ont :

- le même sommet O ;
- [OB) dans le prolongement de [OD) et [OA) dans le prolongement de [OC)

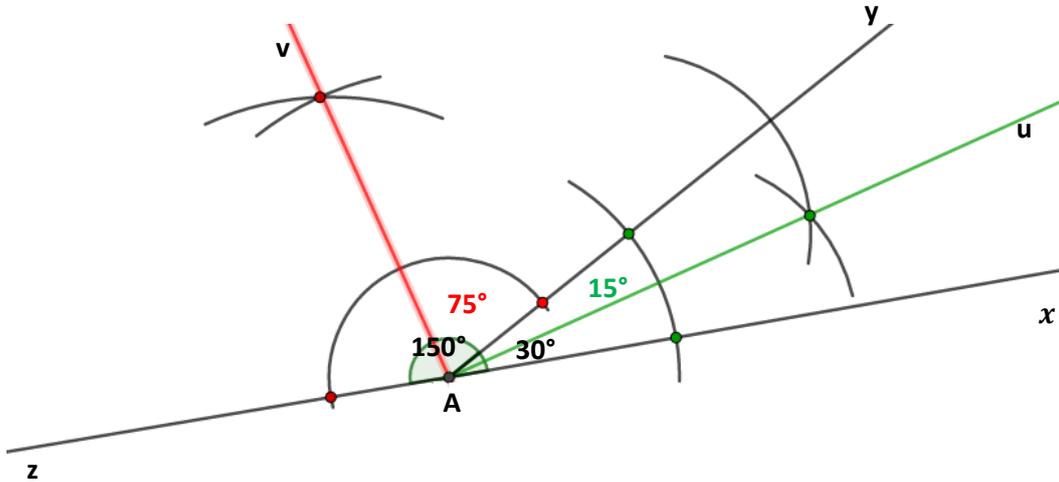
* Alors : les deux angles \widehat{AOB} et \widehat{COD} sont opposés par le sommet

* Car : ils ont le même sommet et le côté de l'un sont dans le prolongement des côtés de l'autre.

p. 139 n° 2

1°) $\widehat{x\hat{A}y}$ et $\widehat{y\hat{A}z}$ sont deux angles adjacents supplémentaires alors : $\widehat{x\hat{A}y} + \widehat{y\hat{A}z} = 180^\circ$

$$\begin{aligned} \text{Donc : } \widehat{y\hat{A}z} &= 180^\circ - \widehat{x\hat{A}y} \\ &= 180^\circ - 30^\circ \\ &= 150^\circ \end{aligned}$$



3°) On a : $[Au)$ est la bissectrice de l'angle $\widehat{x\hat{A}y}$

$$\begin{aligned} \text{Alors : } \widehat{u\hat{A}y} &= \widehat{x\hat{A}y} : 2 \\ &= 30^\circ : 2 \\ &= 15^\circ \end{aligned}$$

Car : la bissectrice d'un angle est une demi-droite passant par le sommet et qui le partage en deux angles adjacents égaux.

De même, $[Av)$ est la bissectrice de l'angle $\widehat{y\hat{A}z}$

$$\begin{aligned} \text{Alors : } \widehat{y\hat{A}v} &= \widehat{y\hat{A}z} : 2 \\ &= 150^\circ : 2 \\ &= 75^\circ \end{aligned}$$

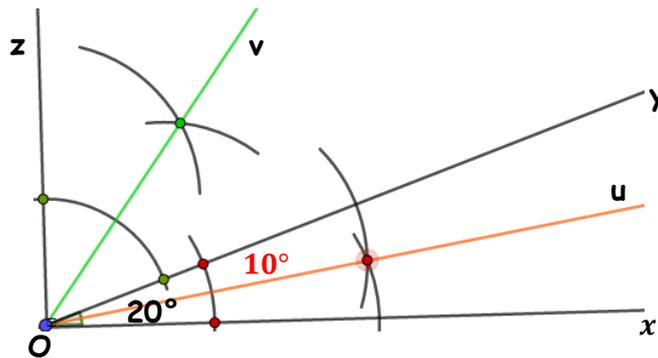
$$\begin{aligned} 4^\circ) \widehat{u\hat{A}v} &= \widehat{y\hat{A}v} + \widehat{u\hat{A}y} \\ &= 75^\circ + 15^\circ \\ &= 90^\circ \end{aligned}$$

Donc l'angle $\widehat{u\hat{A}v}$ est un angle droit.

P. 139 n° 3

$$\begin{aligned} \widehat{r\hat{I}x} &= \widehat{x\hat{I}y} - (\widehat{y\hat{I}v} + \widehat{v\hat{I}r}) \\ &= 180^\circ - (25^\circ + 90^\circ) \\ &= 180^\circ - 115^\circ \\ &= 65^\circ \end{aligned}$$

P. 139 n° 4



2°) \widehat{xOy} et \widehat{yOz} sont deux angles adjacents complémentaires alors : $\widehat{xOy} + \widehat{yOz} = 90^\circ$

$$\begin{aligned} \text{Donc : } \widehat{yOz} &= 90^\circ - \widehat{xOy} \\ &= 90^\circ - 20^\circ \\ &= 70^\circ \end{aligned}$$

4°) $\widehat{uOv} = \widehat{uOy} + \widehat{yOv}$

Or On a : [Ou) est la bissectrice de l'angle \widehat{xOy}

$$\begin{aligned} \text{Alors : } \widehat{uOy} &= \widehat{xOy} : 2 \\ &= 20^\circ : 2 \\ &= 10^\circ \end{aligned}$$

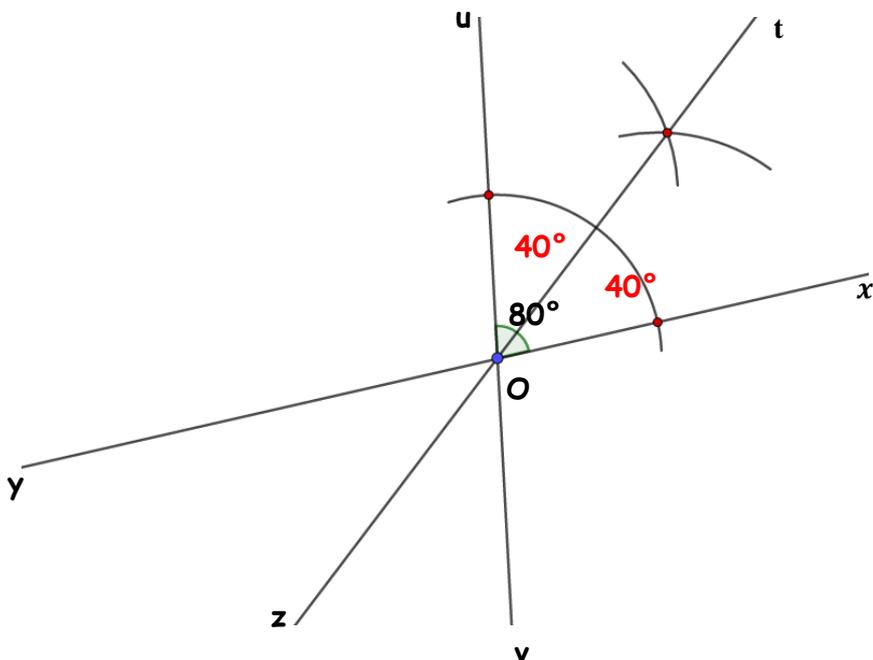
Car : la bissectrice d'un angle est une demi-droite passant par le sommet et qui le partage en deux angles adjacents égaux.

De même, [Ov) est la bissectrice de l'angle \widehat{yOz}

$$\begin{aligned} \text{Alors : } \widehat{yOv} &= \widehat{yOz} : 2 \\ &= 70^\circ : 2 \\ &= 35^\circ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Parsuite : } \widehat{uOv} &= \widehat{uOy} + \widehat{yOv} \\ &= 10^\circ + 35^\circ \\ &= 45^\circ \end{aligned}$$

P. 139 n°5



1°) On a : $[Ot)$ est la bissectrice de l'angle \widehat{xOu}

$$\begin{aligned}\text{Alors : } \widehat{xOt} &= \widehat{uOt} = \widehat{xOu} : 2 \\ &= 80^\circ : 2 \\ &= 40^\circ\end{aligned}$$

Car : la bissectrice d'un angle est une demi-droite passant par le sommet et qui le partage en deux angles adjacents égaux.

2°) * Les angles \widehat{uOt} et \widehat{vOz} ont :

- le même sommet O ;
- $[Oz)$ dans le prolongement de $[Ot)$ et $[Ov)$ dans le prolongement de $[Ou)$

* Alors : les deux angles \widehat{uOt} et \widehat{vOz} sont opposés par le sommet

* Car : ils ont le même sommet et le côté de l'un sont dans le prolongement des côtés de l'autre.

$$\text{Donc } \widehat{vOz} = \widehat{uOt} = 40^\circ$$

De même pour les angles \widehat{yOz} et \widehat{xOt} , donc $\widehat{yOz} = \widehat{xOt} = 40^\circ$

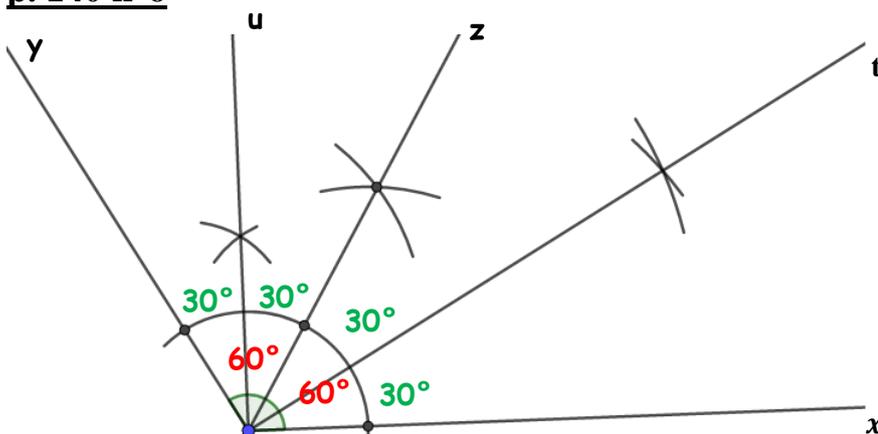
3°) * Les angles \widehat{yOz} et \widehat{zOv} , ont :

- le même sommet O ;
- un côté commun $[Oz)$;
- et sont situés de part et d'autre de leur côté commun ;
- $\widehat{yOz} = \widehat{zOv} = 40^\circ$

* Alors \widehat{yOz} et \widehat{zOv} sont deux angles adjacents égaux.

Donc $[Oz)$ est la bissectrice de l'angle \widehat{yOv} , car c'est une demi-droite qui passe par son sommet et le partage en deux angles adjacents égaux.

p. 140 n°6



4°) * Calculer \widehat{xAz} :

On a : $[Az)$ est la bissectrice de l'angle \widehat{xAy}

$$\begin{aligned}\text{Alors : } \widehat{xAz} &= \widehat{zAy} = \widehat{xAy} : 2 \\ &= 120^\circ : 2 \\ &= 60^\circ\end{aligned}$$

Car : la bissectrice d'un angle est une demi-droite passant par le sommet et qui le partage en deux angles adjacents égaux.

* Calculer \widehat{uAy} :

On a : [Au) est la bissectrice de l'angle \widehat{zAy}

$$\begin{aligned} \text{Alors : } \widehat{uAy} &= \widehat{zAu} = \widehat{zAy} : 2 \\ &= 60^\circ : 2 \\ &= 30^\circ \end{aligned}$$

Car : la bissectrice d'un angle est une demi-droite passant par le sommet et qui le partage en deux angles adjacents égaux.

* Calculer \widehat{tAy} :

On a : [At) est la bissectrice de l'angle \widehat{xAz}

$$\begin{aligned} \text{Alors : } \widehat{tAz} &= \widehat{tAx} = \widehat{xAz} : 2 \\ &= 60^\circ : 2 \\ &= 30^\circ \end{aligned}$$

Car : la bissectrice d'un angle est une demi-droite passant par le sommet et qui le partage en deux angles adjacents égaux.

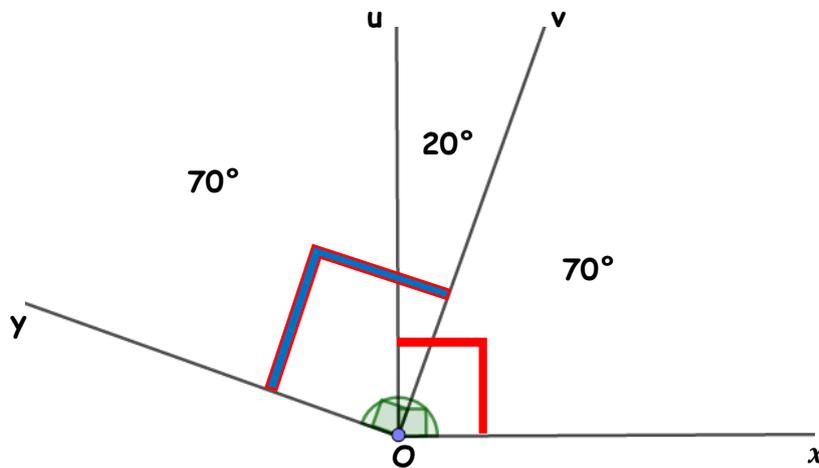
$$\widehat{tAy} = \widehat{tAz} + \widehat{zAy}$$

$$= 30^\circ + 60^\circ$$

$$= 90^\circ$$

Donc \widehat{tAy} est un angle droit.

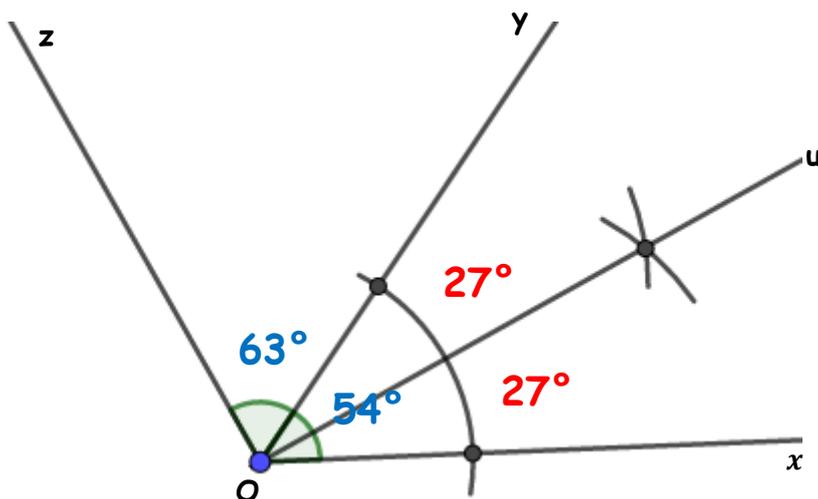
P. 140 n°7



3^e)

<p><u>Calculer \widehat{uOy}:</u></p> $\begin{aligned} \widehat{uOy} &= \widehat{xOy} - \widehat{xOu} \\ &= 160^\circ - 90^\circ \\ &= 70^\circ \end{aligned}$	<p><u>Calculer \widehat{xOv}:</u></p> $\begin{aligned} \widehat{xOv} &= \widehat{xOy} - \widehat{yOv} \\ &= 160^\circ - 90^\circ \\ &= 70^\circ \end{aligned}$	<p><u>Calculer \widehat{uOv}:</u></p> $\begin{aligned} \widehat{uOv} &= \widehat{xOy} - (\widehat{xOv} + \widehat{yOu}) \\ &= 160^\circ - (70^\circ + 70^\circ) \\ &= 160^\circ - 140^\circ \\ &= 20^\circ \end{aligned}$
---	---	--

P. 140 n° 8



On a : [Ou) est la bissectrice de l'angle \widehat{xOy}

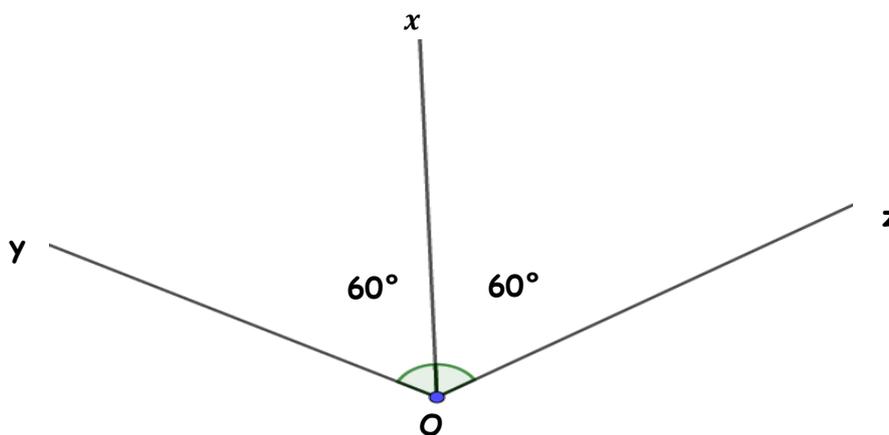
$$\begin{aligned}\text{Alors : } \widehat{uOy} &= \widehat{xOu} = \widehat{xOy} : 2 \\ &= 63^\circ : 2 \\ &= 27^\circ\end{aligned}$$

Car : la bissectrice d'un angle est une demi-droite passant par le sommet et qui le partage en deux angles adjacents égaux.

$$\begin{aligned}\widehat{uOz} &= \widehat{uOy} + \widehat{yOz} \\ &= 27^\circ + 63^\circ \\ &= 90^\circ\end{aligned}$$

Alors l'angle \widehat{uOz} est un angle droit, donc ses côtés [Ou) et [Oz) sont perpendiculaires.

P. 140 n° 9



$$\begin{aligned}2^\circ) \widehat{yOz} &= \widehat{yOx} + \widehat{xOz} \\ &= 60^\circ + 60^\circ \\ &= 120^\circ\end{aligned}$$

3°) * Les angles \widehat{yOx} et \widehat{xOz} , ont :

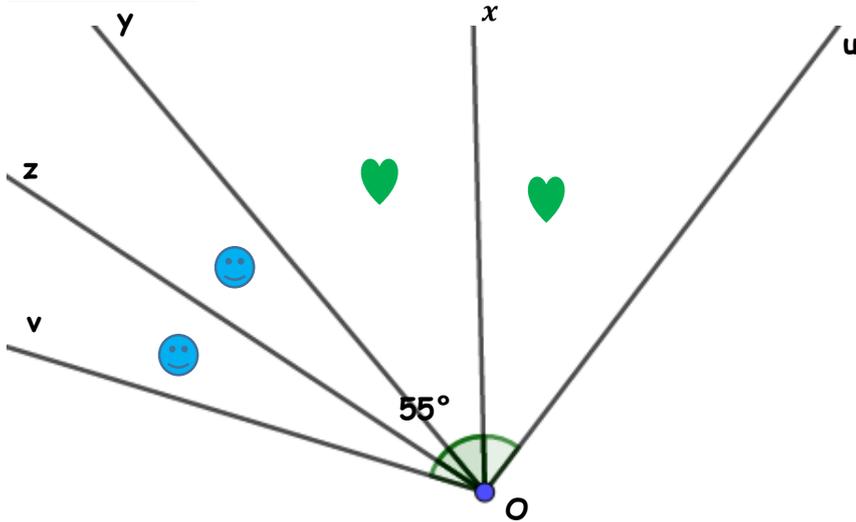
- le même sommet O ;
- un côté commun [Ox) ;

- et sont situés de part et d'autre de leur côté commun ;
- $\widehat{yOx} = \widehat{xOz} = 60^\circ$

* Alors \widehat{yOx} et \widehat{xOz} sont deux angles adjacents égaux.

Donc $[Ox)$ est la bissectrice de l'angle \widehat{yOv} car c'est une demi-droite qui passe par son sommet et le partage en deux angles adjacents égaux.

P. 140 n° 10



$$\widehat{xOz} = 55^\circ = \widehat{xOy} + \widehat{yOz}$$

$$\text{Or } \widehat{xOy} = \widehat{xOu} \quad \text{et} \quad \widehat{yOz} = \widehat{zOv}$$

$$\text{Donc } \widehat{xOu} + \widehat{zOv} = 55^\circ$$

Par suite :

$$\begin{aligned} \widehat{uOv} &= \widehat{xOy} + \widehat{yOz} + \widehat{xOu} + \widehat{zOv} \\ &= 55^\circ + 55^\circ \\ &= 110^\circ \end{aligned}$$

A très bientôt ! 😊